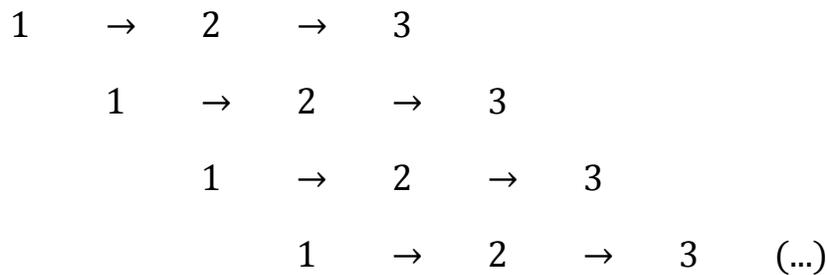


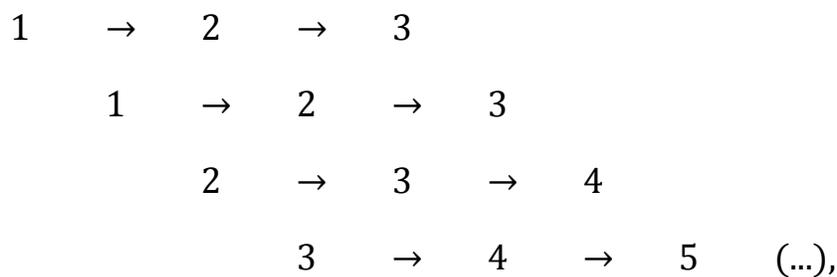
Prof. Dr. Alfred Toth

## Die Austauschrelation von Objekten und Morphismen

1. Betrachten wir die folgende Zeichnung



mit der nachstehenden



so bleiben wir zwar in der ersten, aber nicht in der zweiten innerhalb des triadischen Peirceschen „Prokrustes“-Bettes, wo dieses nur für die ersten zwei Kaskaden-Stufen gilt. Man könnte sehr vieles zur Semiotik Relevantes über diese beiden Zeichnungen aussagen, aber wir wollen uns hier auf das beiden Gemeinsame konzentrieren: In beiden Kaskaden wechseln bei gerader und ungerader Stufenzahl Objekte und Morphismen ab, so dass zwei Hierarchien von Austauschrelationen von Objekten und Morphismen entstehen:

OBJ  $\Leftrightarrow$  MOR.

2. Wenn wir diese Ergebnisse auf den Kaehrschen semiotischen Diamanten übertragen, so wird

1 ← 3

1 → 2 ° 2 → 3

1 → 3

zu

← OBJ ←

→ OBJ → ° → OBJ →

→ OBJ →

Wie man also leicht sieht, handelt es sich beim MOR-OBJ-Diamanten im Gegensatz zum OBJ-MOR-Diamanten um sog. gerichtete Objekte (vgl. z.B. Toth 2009). Allerdings findet man hier nur die beiden Fälle

[→, →], [←, ←],

während

[→, ←], [←, →]

fehlen.

Um einen Sinn in dieser Notation zu sehen, muss man sich bewusst sein, dass auch bei semiotischen Diamanten semiotische Objekte die Form (a.b) mit  $a, b \in \{1, 2, 3\}$  aufweisen, d.h. Subzeichen sind, von denen man seit Bense weiss, dass sie sowohl statisch (als „Momente“ des Zeichenprozesses) als auch dynamisch (als „Semiosen“ zwischen Zeichen) fungieren.

Damit sind also folgende gerichteten (elementaren) semiotischen Objekte möglich:

$(a \rightarrow . b \rightarrow)$      $(a \leftarrow . b \rightarrow)$

$(a \rightarrow . b \leftarrow)$      $(a \leftarrow . b \leftarrow)$ ,

womit sich eine Feingliederung der Relationen von Morphismen und Heteromorphismen ergibt, die vermutlich aus der Logik nicht erreichbar ist.

## **Bibliographie**

Toth, Alfred, Gerichtete Objekte. In: Electronic Journal of Mathematical Semiotics, <http://www.mathematical-semiotics.com/pdf/Gerichtete%20Objekte.pdf> (2009)

23.3.2011